

Cognome ..... Nome .....

Matricola ..... Firma .....

**Istruzioni**

1. COMPILARE la parte precedente queste istruzioni, in particolare, **scrivere cognome e nome (in stampatello), numero di matricola e firmare.**
2. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.
4. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori, telefoni cellulari.
5. CONSEGNARE **questo foglio e tutti i fogli di protocollo.**
6. TENERE il foglio B come promemoria delle risposte date.
7. TEMPO a disposizione: 90 min.

1. Calcolare l'integrale curvilineo di prima specie  $\int_{\Gamma} \sqrt{y} ds$  dove  $\Gamma$  è l'arcata di cicloide di rappresentazione parametrica  $\vec{r}(t) = 7(t - \sin t) \vec{i}_1 + 7(1 - \cos t) \vec{i}_2$ ,  $t \in [0, \pi]$ .

**Risposta :**

2. Dato il campo vettoriale  $\vec{F}(x, y) = (14 - y) \vec{i}_1 + x \vec{i}_2$ , calcolare l'integrale curvilineo  $\int_{\Gamma} \vec{F} \cdot d\Gamma$ , dove  $\Gamma$  è la curva data nell'esercizio precedente.

**Risposta:**

3. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . Dopo aver determinato per quali valori di  $\alpha$  il campo vettoriale

$$\vec{G}(x, y) = \frac{2x}{1 + x^2 + 3y^4} \vec{i}_1 + \left( \frac{4\alpha y^3}{1 + x^2 + 3y^4} + (2 \log 3) y \right) \vec{i}_2$$

è conservativo nel suo dominio, calcolare l'integrale curvilineo di  $\vec{G}$  lungo la curva di rappresentazione parametrica  $\vec{r}(t) = \sqrt{2} \cos t \vec{i}_1 + \sin t \vec{i}_2$ ,  $t \in [0, \frac{\pi}{2}]$ .

**Risposta :**

4. Calcolare l'integrale doppio

$$\iint_T \left[ \frac{\arctan(x^3)}{1+y^2} + 3 \right] dx dy,$$

dove  $T = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2|x| \leq y \leq -x^2 + 3\}$ .

.....

**Risposta :**

---

5. Calcolare l'integrale di superficie  $\iint_S z dS$  dove

$$S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 + z^2 = 2, x^2 + y^2 \leq 1/2, z \geq 0\}$$

.....

**Risposta :**

---

6. Calcolare il flusso del campo vettoriale

$$\vec{F}(x, y, z) = \left( e^{z^7} + \arctan x \right) \vec{i}_1 + y^3 \sin z \vec{i}_2 + \left( 3y^2 \cos z + \frac{x^2 z}{1+x^2} \right) \vec{i}_3$$

attraverso la superficie chiusa  $S = S_1 \cup S_2$ , dove

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : (x, y) \in D, z = 4 - x^2 - y^2\}$$

$$S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : (x, y) \in D, z = (x^2 + y^2)\}$$

con  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 2\}$ .

.....

**Risposta :**

---

1. Calcolare l'integrale curvilineo di prima specie  $\int_{\Gamma} \sqrt{y} ds$  dove  $\Gamma$  è l'arcata di cicloide di rappresentazione parametrica  $\vec{r}(t) = 7(t - \sin t) \vec{i}_1 + 7(1 - \cos t) \vec{i}_2$ ,  $t \in [0, \pi]$ .
- .....

**Risposta :**

2. Dato il campo vettoriale  $\vec{F}(x, y) = (14 - y) \vec{i}_1 + x \vec{i}_2$ , calcolare l'integrale curvilineo  $\int_{\Gamma} \vec{F} \cdot d\Gamma$ , dove  $\Gamma$  è la curva data nell'esercizio precedente.
- .....

**Risposta:**

3. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . Dopo aver determinato per quali valori di  $\alpha$  il campo vettoriale

$$\vec{G}(x, y) = \frac{2x}{1 + x^2 + 3y^4} \vec{i}_1 + \left( \frac{4\alpha y^3}{1 + x^2 + 3y^4} + (2 \log 3) y \right) \vec{i}_2$$

è conservativo nel suo dominio, calcolare l'integrale curvilineo di  $\vec{G}$  lungo la curva di rappresentazione parametrica  $\vec{r}(t) = \sqrt{2} \cos t \vec{i}_1 + \sin t \vec{i}_2$ ,  $t \in [0, \frac{\pi}{2}]$ .

.....

**Risposta :**

4. Calcolare l'integrale doppio

$$\iint_T \left[ \frac{\arctan(x^3)}{1 + y^2} + 3 \right] dx dy,$$

dove  $T = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 2|x| \leq y \leq -x^2 + 3\}$ .

.....

**Risposta :**

5. Calcolare l'integrale di superficie  $\iint_S z dS$  dove

$$S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 + z^2 = 2, x^2 + y^2 \leq 1/2, z \geq 0\}$$

.....

**Risposta :**

---

6. Calcolare il flusso del campo vettoriale

$$\vec{F}(x, y, z) = \left( e^{z^7} + \arctan x \right) \vec{i}_1 + y^3 \sin z \vec{i}_2 + \left( 3y^2 \cos z + \frac{x^2 z}{1+x^2} \right) \vec{i}_3$$

attraverso la superficie chiusa  $S = S_1 \cup S_2$ , dove

$$S_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : (x, y) \in D, z = 4 - x^2 - y^2\}$$

$$S_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : (x, y) \in D, z = (x^2 + y^2)\}$$

con  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 2\}$ .

.....

**Risposta :**

---