

1. Data la successione $\{a_n\}$, $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 1$ significa

Risp.: **A**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbb{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| \leq \varepsilon$ **B**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbb{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| > \varepsilon$ **C**: $\exists \varepsilon > 0 : \exists m \in \mathbb{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| \leq \varepsilon$ **D**: $\forall \varepsilon > 0 \forall m \in \mathbb{N} \exists n \geq m : |a_n - 1| > \varepsilon$ **E**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbb{N} : \forall n \geq m \quad |a_n| \leq \varepsilon$ **F**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbb{N} : \forall n \geq m \quad a_n - 1 \leq \varepsilon$

2. Dei seguenti sottoinsiemi di \mathbb{R}

$S_1 = \{x \in \mathbb{R} : x > 1\}$; $S_2 = \{x \in \mathbb{R} : -3 < x < 0 \text{ o } x > 7\}$; $S_3 = \{x \in \mathbb{R} : x \text{ è un numero pari}\}$; $S_4 = \{x \in \mathbb{R} : x \text{ è un numero razionale}\}$; $S_5 = \{x \in \mathbb{R} : e^x > 2\}$
sono intorni di $+\infty$

Risp.: **A**: S_2, S_5 **B**: S_1, S_2, S_5 **C**: S_1, S_2 **D**: S_1, S_2, S_4 **E**: S_2, S_3, S_5 **F**: S_1, S_4, S_5

3. L'insieme degli $z \in \mathbb{C}$ tali che $(z^2 + |z|^2)(|z + 7| - 1) = 0$ è rappresentato

Risp.: **A**: dall'unione di un punto e una circonferenza **B**: da una circonferenza **C**: dall'unione di una retta e una circonferenza **D**: dall'unione di due rette **E**: da una circonferenza privata di un punto **F**: dall'unione di una retta e un punto

4. Siano $\{a_n\}$ una successione convergente e $\{b_n\}$ una successione limitata. Delle seguenti affermazioni

(a) $\{a_n + b_n\}$ è convergente; (b) $\{a_n + b_n\}$ è limitata; (c) $\{a_n + b_n\}$ ammette almeno una sottosuccessione convergente; (d) $\{a_n + b_n\}$ ammette almeno una sottosuccessione positivamente divergente; (e) $\{a_n + b_n\}$ ammette almeno una sottosuccessione negativamente divergente

le uniche corrette sono

Risp.: **A**: d **B**: e **C**: b, c **D**: a, b, c **E**: c **F**: a, c

5. Sia $\{a_n\}$ la successione definita da: $a_0 = 3$, $a_{n+1} = \sqrt{a_n + 2}$, $\forall n \in \mathbb{N}$. Allora

Risp.: **A**: a_n è decrescente e $\lim_n a_n = 2$ **B**: a_n è crescente e $\lim_n a_n = 2$ **C**: a_n è decrescente e $\lim_n a_n = 0$ **D**: a_n è crescente e $\lim_n a_n = +\infty$ **E**: a_n non è monotona **F**: a_n oscilla

6. Il limite $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(n-1)^n + 7^n}{(n+1)^n + n! \sin n}$ vale

Risp.: **A**: e^3 **B**: 2 **C**: $+\infty$ **D**: e^{-2} **E**: -1 **F**: non esiste

7. Il numero complesso $\left(\frac{2(1+i)}{(1-i)^2}\right)^4$ vale

Risp.: **A**: -4 **B**: -1/4 **C**: $1+i$ **D**: $4i$ **E**: $2-i$ **F**: $\frac{1}{2}i$

8. Sia $A = \left\{ \frac{\cos(n\pi/2)}{n(-1)^n}, n \in \mathbb{Z}^+ \right\}$. Allora

Risp.: **A**: $\inf A = -1/2$, $\sup A = 1$ **B**: $\min A = -1$, $\max A = 1$ **C**: $\min A = -1/2$, $\max A = 1/4$ **D**: $\min A = 0$, $\sup A = 1/2$ **E**: $\min A = 0$, $\sup A = +\infty$ **F**: $\inf A = -\infty$, $\max A = 1/4$