
Cognome e nome Firma

Corso di Laurea: ◇ MECLT; ◇ AUTLT; ◇ MATLT; ◇ MECMLT.

Istruzioni

1. COMPILARE la parte precedente queste istruzioni, in particolare, **scrivere cognome e nome (in stampatello), firmare e segnare il proprio corso di laurea.**
 2. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
 3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.
 4. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori, telefoni cellulari.
 5. CONSEGNARE **questo foglio e tutti i fogli di protocollo.**
 6. TENERE il foglio B come promemoria delle risposte date.
 7. TEMPO a disposizione: 90 min.
-

1. Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{50 \log x}{1 + \log^2 x} + 48 \arctan(\log x).$$

Tracciare sul foglio di protocollo un grafico qualitativo della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 1]:

Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 2]:

Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1,5]:

Studiare la crescita e decrescita di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

Risposta [punti 1,5]:

Senza calcolare la derivata seconda di f , dire se f ammette eventuali punti di flesso e localizzarli.

Risposta [punti 2]:

2. Calcolare l'integrale

$$\int_2^8 \frac{dx}{2\sqrt{x} + x\sqrt{x}}.$$

Risposta [2 punti]:

3. Determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y'' - 2y' + 2y = 5 \sin x$$

Risposta [2 punti]:

4. Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + \frac{2 \sin(2x)}{1 + \cos^2 x} y = 0, \\ y(0) = 2^2. \end{cases}$$

Risposta [2 punti]:

1. Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{50 \log x}{1 + \log^2 x} + 48 \arctan(\log x).$$

Tracciare sul foglio di protocollo un grafico qualitativo della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 1]:

Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 2]:

Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1,5]:

Studiare la crescita e decrescita di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

Risposta [punti 1,5]:

Senza calcolare la derivata seconda di f , dire se f ammette eventuali punti di flesso e localizzarli.

Risposta [punti 2]:

-
2. Calcolare l'integrale

$$\int_2^8 \frac{dx}{2\sqrt{x} + x\sqrt{x}}.$$

Risposta [2 punti]:

-
3. Determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y'' - 2y' + 2y = 5 \sin x$$

Risposta [2 punti]:

-
4. Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + \frac{2 \sin(2x)}{1 + \cos^2 x} y = 0, \\ y(0) = 2^2. \end{cases}$$

Risposta [2 punti]:
