Cognome e nome ...... Firma ..... Firma .....

Corso di Laurea:  $\Diamond$  MECLT;  $\Diamond$  AUTLT;  $\Diamond$  MATLT.

#### Istruzioni

- 1. COMPILARE la parte precedente queste istruzioni, in particolare, scrivere cognome e nome (in stampatello), firmare e segnare il proprio corso di laurea.
- 2. SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
- 3. I PUNTEGGI attribuiti per la risposta esatta sono indicati alla fine di ogni quesito.
- 4. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori, telefoni cellulari.
- 5. CONSEGNARE questo foglio e tutti i fogli di protocollo.
- 6. TENERE il foglio B come promemoria delle risposte date.
- 7. TEMPO a disposizione: 90 min.
- 1. Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{4+x^2}} - \frac{1}{2}\arctan\frac{x}{2}$$

Tracciare sul foglio di protocollo un grafico qualitativo della funzione f, in accordo con i risultati ottenuti.

Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

#### Risposta [punti 0,5]:

Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f.

### Risposta [punti 1,5]:

Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

## Risposta [punti 1]:

Studiare la crescenza e decrescenza di f, calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f.

### Risposta [punti 2]:

Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f, calcolando gli eventuali punti di flesso per f.

# Risposta [punti 2]:

2. Calcolare la primitiva  $\mathcal{F}$  di  $f(x) = \frac{e^{3x} - 2e^x}{1 + e^{2x}}$  tale che  $\mathcal{F}(0) = 1$ .

Risposta [3 punti]:

3. Determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y'' + 7y' = 98x$$

Risposta [2 punti]:

4. Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Risposta [2 punti]:

1. Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{4+x^2}} - \frac{1}{2}\arctan\frac{x}{2}$$

Tracciare sul foglio di protocollo un grafico qualitativo della funzione f, in accordo con i risultati ottenuti.

Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f. Risposta [punti 1,5]:

Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità. Risposta [punti 1]:

Studiare la crescenza e decrescenza di f, calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f.

Risposta [punti 2]:

Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f, calcolando gli eventuali punti di flesso per f. Risposta [punti 2]:

2. Calcolare la primitiva  $\mathcal F$  di  $f(x)=\frac{e^{3x}-2e^x}{1+e^{2x}}$  tale che  $\mathcal F(0)=1.$ 

Risposta [3 punti]:

3. Determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y^{\prime\prime} + 7y^{\prime} = 98x$$

Risposta [2 punti]:

4. Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 1. \end{cases}$$

Risposta [2 punti]: