

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 2 ed è il coefficiente dell'unità immaginaria all'interno del primo fattore.

Fila 1

1. (a) $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$; non ci sono simmetrie.
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
 (c) $f'(x) = \frac{2-x}{3(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+(-\frac{1}{2}) = +\infty$.
 (d) f strettamente crescente in $(-\frac{1}{2}, 2)$; f strettamente decrescente in $(2, +\infty)$,
 $x = 2$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
 (e) $f''(x) = \frac{x^2 - 7x - 5}{3(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
 (f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(2, +\infty)$.
2. $z_1 = (\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i)$, $z_2 = i$, $z_3 = -(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -3i$.
3. $\ell = -3$.
4. L'integrale è convergente per $\alpha \in (1, \frac{5}{2})$, divergente negli altri casi.
5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 3$. Se $\beta \neq 3$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 3$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspid.
6. $I = -1$
7. $y(x) = 3 \arcsin(x)$.

Fila 2

1. (a) $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$; non ci sono simmetrie.
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
 (c) $f'(x) = \frac{3-x}{4(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+(-\frac{1}{2}) = +\infty$.
 (d) f strettamente crescente in $(-\frac{1}{2}, 3)$; f strettamente decrescente in $(3, +\infty)$,
 $x = 3$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
 (e) $f''(x) = \frac{x^2 - 10x - 7}{4(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
 (f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(3, +\infty)$.

2. $z_1 = \sqrt[3]{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$, $z_2 = \sqrt[3]{2} i$, $z_3 = -\sqrt[3]{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -5i$.
3. $\ell = -3$.
4. L'integrale è convergente per $\alpha \in \left(1, \frac{8}{3}\right)$, divergente negli altri casi.
5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 5$. Se $\beta \neq 5$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 5$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspidè.
6. $I = -2$
7. $y(x) = 5 \arcsin(x)$.

Fila 3

1. (a) $\text{dom } f = \left[-\frac{1}{2}, +\infty\right)$; non ci sono simmetrie.
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
 (c) $f'(x) = \frac{4-x}{5(x+1)\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = \left(-\frac{1}{2}, +\infty\right) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+\left(\frac{1}{2}\right) = +\infty$.
 (d) f strettamente crescente in $\left(-\frac{1}{2}, 4\right)$; f strettamente decrescente in $(4, +\infty)$,
 $x = 4$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
 (e) $f''(x) = \frac{x^2 - 13x - 9}{5(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
 (f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(4, +\infty)$.
2. $z_1 = \sqrt[3]{3} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$, $z_2 = \sqrt[3]{3} i$, $z_3 = -\sqrt[3]{3} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -7i$.
3. $\ell = -3$.
4. L'integrale è convergente per $\alpha \in \left(1, \frac{11}{4}\right)$, divergente negli altri casi.
5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 7$. Se $\beta \neq 7$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 7$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspidè.
6. $I = -3$
7. $y(x) = 7 \arcsin(x)$.

Fila 4

1. (a) $\text{dom } f = \left[-\frac{1}{2}, +\infty\right)$; non ci sono simmetrie.
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
 (c) $f'(x) = \frac{5-x}{6(x+1)\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = \left(-\frac{1}{2}, +\infty\right) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+\left(\frac{1}{2}\right) = +\infty$.

- (d) f strettamente crescente in $(-\frac{1}{2}, 5)$; f strettamente decrescente in $(5, +\infty)$,
 $x = 5$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
- (e) $f''(x) = \frac{x^2 - 16x - 11}{6(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
- (f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(5, +\infty)$.
2. $z_1 = \sqrt[3]{4} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$, $z_2 = \sqrt[3]{4} i$, $z_3 = -\sqrt[3]{4} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -9i$.
3. $\ell = -3$.
4. L'integrale è convergente per $\alpha \in (1, \frac{14}{5})$, divergente negli altri casi.
5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 9$. Se $\beta \neq 9$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 9$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspid.
6. $I = -4$
7. $y(x) = 9 \arcsin(x)$.

Fila 5

1. (a) $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$; non ci sono simmetrie.
 (b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
 (c) $f'(x) = \frac{6-x}{7(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+ \left(\frac{1}{2} \right) = +\infty$.
 (d) f strettamente crescente in $(-\frac{1}{2}, 6)$; f strettamente decrescente in $(6, +\infty)$,
 $x = 6$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
- (e) $f''(x) = \frac{x^2 - 19x - 13}{7(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
- (f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(6, +\infty)$.
2. $z_1 = \sqrt[3]{5} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$, $z_2 = \sqrt[3]{5} i$, $z_3 = -\sqrt[3]{5} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -11i$.
3. $\ell = -3$.
4. L'integrale è convergente per $\alpha \in (1, \frac{17}{6})$, divergente negli altri casi.
5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 11$. Se $\beta \neq 11$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 11$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspid.
6. $I = -5$
7. $y(x) = 11 \arcsin(x)$.

Fila 6

1. (a) $\text{dom } f = [-\frac{1}{2}, +\infty)$; non ci sono simmetrie.
(b) Non ci sono asintoti orizzontali, verticali e obliqui.
(c) $f'(x) = \frac{7-x}{8(x+1)} \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$; $\text{dom } f' = (-\frac{1}{2}, +\infty) \subset \text{dom } f$; $x = -\frac{1}{2}$ punto a tangente verticale: $f'_+(-\frac{1}{2}) = +\infty$.
(d) f strettamente crescente in $(-\frac{1}{2}, 7)$; f strettamente decrescente in $(7, +\infty)$, $x = 7$ è punto di massimo assoluto, $x = -\frac{1}{2}$ è punto di minimo relativo. Non esistono punti di minimo assoluto in quanto f è illimitata inferiormente.
(e) $f''(x) = \frac{x^2 - 22x - 15}{8(x+1)^2 \sqrt{(2x+1)^3}}$
(f) Poiché f è decrescente in un intorno di $+\infty$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$, allora f risulta convessa in un intorno di $+\infty$. Si deduce che esiste un punto di flesso a tangente obliqua nell'intervallo $(7, +\infty)$.
 2. $z_1 = \sqrt[3]{6} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i \right)$, $z_2 = \sqrt[3]{6} i$, $z_3 = -\sqrt[3]{6} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$, $z_4 = -i$, $z_5 = -13i$.
 3. $\ell = -3$.
 4. L'integrale è convergente per $\alpha \in (1, \frac{20}{7})$, divergente negli altri casi.
 5. f è continua in $x = 0$ per $\beta = 13$. Se $\beta \neq 13$ allora il punto $x = 0$ è un punto di discontinuità eliminabile. Nel caso in cui $\beta = 13$, f non è derivabile in $x = 0$ e il punto $x = 0$ è di cuspidè.
 6. $I = -6$
 7. $y(x) = 13 \arcsin(x)$.
-