

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 5 e si ottiene sottraendo 1 al numero che moltiplica  $x^{\frac{\log(2-\cos x)}{\sin x}}$ .

### Fila 1

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.  
 (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{2-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{2-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

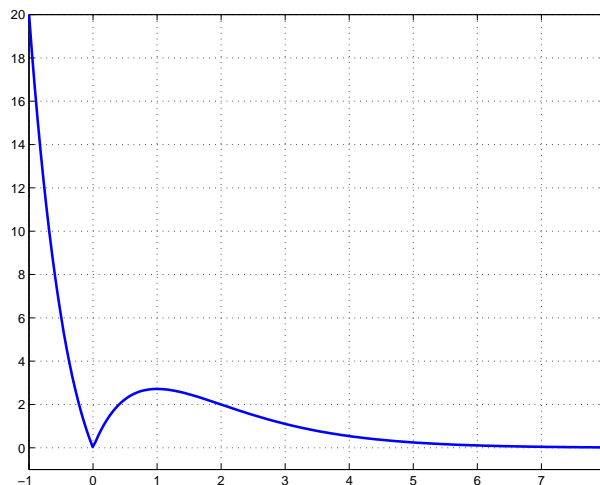
$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^2$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{2-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{2-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.



2. Si ha  $w = 2 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{2} (1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{2}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{2} (-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 2$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 2$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 2$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{3}$ , diverge altrimenti.

5. Il limite vale  $\ell = 2$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{3}(\sqrt{2\pi} - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{6}(x^2 + 1)$ .

## Fila 2

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.
- (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{3-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{3-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^3$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{3-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{3-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.

2. Si ha  $w = 3 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{3}(1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{3}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{3}(-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 3$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 3$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 3$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{5}$ , diverge altrimenti.
5. Il limite vale  $\ell = 3$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{5}(\sqrt{2\pi} - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{8}(x^2 + 1)$ .

## Fila 3

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.

- (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{4-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{4-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^4$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{4-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{4-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.

2. Si ha  $w = 4 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{4} (1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{4} (-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 4$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 4$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 4$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{7}$ , diverge altrimenti.
5. Il limite vale  $\ell = 4$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{7}(\sqrt{2\pi} - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{10}(x^2 + 1)$ .

#### Fila 4

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.
- (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{5-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{5-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^5$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{5-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{5-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.

2. Si ha  $w = 5 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{5} (1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{5}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{5} (-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 5$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 5$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 5$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{9}$ , diverge altrimenti.
5. Il limite vale  $\ell = 5$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{9}(\sqrt{2}\pi - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{12}(x^2 + 1)$ .

---

### Fila 5

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.  
(b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{6-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{6-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^6$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{6-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{6-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.

2. Si ha  $w = 6 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{6} (1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{6}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{6} (-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 6$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 6$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 6$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{11}$ , diverge altrimenti.

5. Il limite vale  $\ell = 6$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{11}(\sqrt{2}\pi - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{14}(x^2 + 1)$ .

**Fila 6**

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R}$ . La funzione non presenta simmetrie.
- (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ , quindi la retta  $y = 0$  è asintoto orizzontale destro per  $f(x)$ .  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  e non esiste asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$  in quanto la funzione si comporta come un'esponenziale. Non sono presenti asintoti verticali in quanto il dominio di  $f$  è tutto  $\mathbb{R}$ .

(c)

$$f'(x) = \begin{cases} (1-x)e^{7-x} & \text{per } x > 0 \\ (x-1)e^{7-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Il punto  $x = 0$  è un punto angoloso per  $f$ , si ha infatti  $f'_{\pm}(0) = \pm e^7$ .

- (d)  $f$  strettamente crescente in  $(0, 1)$ ;  $f$  strettamente decrescente in  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ ;  
 $x = 0$  è punto di minimo relativo e assoluto,  $x = 1$  è punto di massimo relativo. Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

(e)

$$f''(x) = \begin{cases} (x-2)e^{7-x} & \text{per } x > 0 \\ (2-x)e^{7-x} & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

$f$  strettamente convessa in  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$ ;  $f$  strettamente concava in  $(0, 2)$ ;  $x = 2$  è punto di flesso a tangente obliqua.

2. Si ha  $w = 7 \cdot 2^3 e^{i\pi}$ . Le radici complesse di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{7} (1 + \sqrt{3}i)$ ,  $z_1 = -2\sqrt[3]{7}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{7} (-1 + \sqrt{3}i)$ .
3. Il limite è  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < 7$ ,  $\ell = 1$  se  $\alpha = 7$ ,  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > 7$ .
4. La serie converge se  $\beta < \frac{2}{13}$ , diverge altrimenti.
5. Il limite vale  $\ell = 7$ .
6. L'integrale vale  $\frac{1}{13}(\sqrt{2}\pi - 4)$ .
7. La soluzione del problema di Cauchy è:  $y(x) = \frac{1}{16}(x^2 + 1)$ .