

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio 8 ed è il numero intero a cui viene sottratto  $x$  nel termine destro dell'equazione differenziale.

### Fila 1

1.  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.

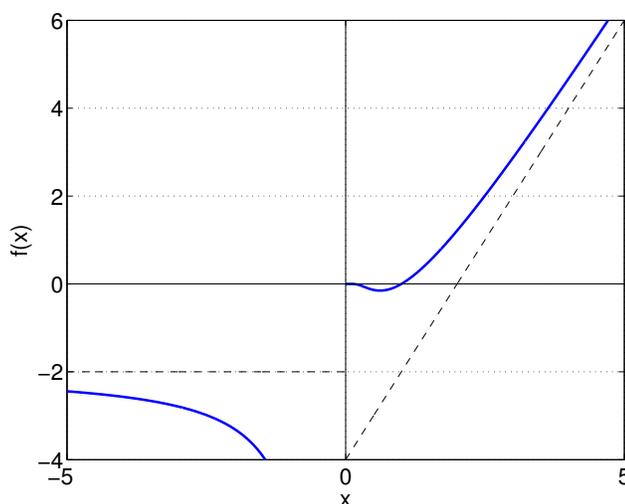
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -2$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 4$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = -\frac{2}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f'(x) = \frac{2(x^2 + x - 1)}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x > 0; \text{dom } f' = \text{dom } f$$

$f$  è decrescente in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{5}-1}{2}[$ , crescente in  $] \frac{\sqrt{5}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.

$$f''(x) = \frac{2(2x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f''(x) = \frac{2(3x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x > 0.$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{1}{3}[$ , convessa in  $] \frac{1}{3}, +\infty[$ ;  $x = \frac{1}{3}$  è punto di flesso.



2. Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 3, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 3^2}{2}$
3.  $\ell = 7$
4. La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.
5. Se  $7 < \alpha \leq 8$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 8$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.
6.  $\ell = 1/7$
7. L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 2)$ .

8.  $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{x-x^2/2}\right)$

**Fila 2**

1.  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -4$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -4$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 6$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = -\frac{4}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f'(x) = \frac{2(x^2+x-2)}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x > 0; \text{dom } f' = \text{dom } f$$

$f$  è decrescente in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{9}-1}{2}[$ , crescente in  $] \frac{\sqrt{9}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{9}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.

$$f''(x) = \frac{4(2x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f''(x) = \frac{2(5x-2)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x > 0.$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{2}{5}[$ , convessa in  $] \frac{2}{5}, +\infty[$ ;  $x = \frac{2}{5}$  è punto di flesso.

2. Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 5, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 5^2}{2}$

3.  $\ell = 6$

4. La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n^2/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.

5. Se  $6 < \alpha \leq 7$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 7$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.

6.  $\ell = 1/6$

7. L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 3)$ .

8.  $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{2x-x^2/2}\right)$

**Fila 3**

1.  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -6$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -6$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 8$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = -\frac{6}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f'(x) = \frac{2(x^2+x-3)}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x > 0; \text{dom } f' = \text{dom } f$$

$f$  è decrescente in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{13}-1}{2}[$ , crescente in  $] \frac{\sqrt{13}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{13}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.

$$f''(x) = \frac{6(2x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f''(x) = \frac{2(7x-3)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x > 0.$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{3}{7}[$ , convessa in  $] \frac{3}{7}, +\infty[$ ;  $x = \frac{3}{7}$  è punto di flesso.

2. Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 7, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 7^2}{2}$

3.  $\ell = 5$

4. La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n^3/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.
5. Se  $5 < \alpha \leq 6$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 6$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.
6.  $\ell = 1/5$
7. L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 4)$ .
8.  $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{3x-x^2/2}\right)$

#### Fila 4

1.  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -8$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -8$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 10$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.  
 $f'(x) = -\frac{8}{x^2 e^{1/x}}$  se  $x < 0$ ;  $f'(x) = \frac{2(x^2+x-4)}{x^2 e^{1/x}}$  se  $x > 0$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f$   
 $f$  è decrescente in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{17}-1}{2}[$ , crescente in  $] \frac{\sqrt{17}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{17}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.  
 $f''(x) = \frac{8(2x-1)}{x^4 e^{1/x}}$  se  $x < 0$ ;  $f''(x) = \frac{2(9x-4)}{x^4 e^{1/x}}$  se  $x > 0$ .  
 $f$  è concava in  $] -\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{4}{9}[$ , convessa in  $] \frac{4}{9}, +\infty[$ ;  $x = \frac{4}{9}$  è punto di flesso.
2. Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 9, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 9^2}{2}$
3.  $\ell = 4$
4. La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n^4/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.
5. Se  $4 < \alpha \leq 5$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 5$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.
6.  $\ell = 1/4$
7. L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 5)$ .
8.  $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{4x-x^2/2}\right)$

#### Fila 5

1.  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -10$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -10$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 12$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.  
 $f'(x) = -\frac{10}{x^2 e^{1/x}}$  se  $x < 0$ ;  $f'(x) = \frac{2(x^2+x-5)}{x^2 e^{1/x}}$  se  $x > 0$ ;  $\text{dom } f' = \text{dom } f$

$f$  è decrescente in  $]-\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{21}-1}{2}[$ , crescente in  $]\frac{\sqrt{21}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{21}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.

$$f''(x) = \frac{10(2x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f''(x) = \frac{2(11x-5)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x > 0.$$

$f$  è concava in  $]-\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{5}{11}[$ , convessa in  $]\frac{5}{11}, +\infty[$ ;  $x = \frac{5}{11}$  è punto di flesso.

- Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 11, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 11^2}{2}$
- $\ell = 3$
- La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n^5/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.
- Se  $3 < \alpha \leq 4$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 4$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.
- $\ell = 1/3$
- L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 6)$ .
- $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{5x-x^2/2}\right)$

## Fila 6

- $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -12$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = -12$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $x = 0$  asintoto verticale per  $x \rightarrow 0^-$ ,  $y = 2x - 14$  asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = -\frac{12}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f'(x) = \frac{2(x^2+x-6)}{x^2 e^{1/x}} \text{ se } x > 0; \text{dom } f' = \text{dom } f$$

$f$  è decrescente in  $]-\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{\sqrt{25}-1}{2}[$ , crescente in  $]\frac{\sqrt{25}-1}{2}, +\infty[$ ;  $x = \frac{\sqrt{25}-1}{2}$  è punto di minimo relativo,  $f$  è illimitata.

$$f''(x) = \frac{12(2x-1)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x < 0; f''(x) = \frac{2(13x-6)}{x^4 e^{1/x}} \text{ se } x > 0.$$

$f$  è concava in  $]-\infty, 0[$  e in  $]0, \frac{6}{13}[$ , convessa in  $]\frac{6}{13}, +\infty[$ ;  $x = \frac{6}{13}$  è punto di flesso.

- Il luogo dei punti  $A$  è un semicerchio di raggio 13, l'area di  $A$  vale  $\frac{\pi 13^2}{2}$
- $\ell = 2$
- La serie data è asintotica a  $\sum_n b_n$  con  $b_n = n^6/e^n$ . Applicando il criterio del rapporto si dimostra che la serie  $\sum_n b_n$  converge, quindi per il criterio del confronto asintotico converge anche la serie data.
- Se  $2 < \alpha \leq 3$ ,  $x = 0$  è punto a tangente verticale; se  $\alpha > 3$ ,  $x = 0$  è punto angoloso.
- $\ell = 1/2$
- L'integrale è convergente e vale  $\frac{1}{2}(\frac{\pi^2}{4} - \arctan^2 7)$ .
- $\tilde{y}(x) = \arcsin\left(\frac{\sqrt{2}}{2}e^{6x-x^2/2}\right)$