

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 4 ed è il dato iniziale.

Fila 1

1. (a) $\text{dom} f = \mathbb{R}$, f è dispari.
(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$
(c) $f'(x) = 2 \frac{4 - \sqrt{4+x^2}}{(4+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom} f' = \text{dom} f$, non ci sono punti di non derivabilità.
(d) f è crescente per $|x| < 2\sqrt{3}$, $x = 2\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -2\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto
(e) $f''(x) = 2x \frac{-6 + \sqrt{4+x^2}}{(4+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] -4\sqrt{2}, 0[$ e in $]4\sqrt{2}, +\infty[$.
 2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 3(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x)$
 3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-7x} + 7x^2 - 2x$
 4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 3e^{-x^2/2}$
-

Fila 2

1. (a) $\text{dom} f = \mathbb{R}$, f è dispari.
(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$
(c) $f'(x) = 3 \frac{6 - \sqrt{9+x^2}}{(9+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom} f' = \text{dom} f$, non ci sono punti di non derivabilità.
(d) f è crescente per $|x| < 3\sqrt{3}$, $x = 3\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -3\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto
(e) $f''(x) = 3x \frac{-9 + \sqrt{9+x^2}}{(9+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] -6\sqrt{2}, 0[$ e in $]6\sqrt{2}, +\infty[$.
 2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 5(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x)$
 3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-6x} + 6x^2 - 2x$
 4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 4e^{-x^2/2}$
-

Fila 3

1. (a) $\text{dom} f = \mathbb{R}$, f è dispari.
(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$
(c) $f'(x) = 4 \frac{8 - \sqrt{16+x^2}}{(16+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom} f' = \text{dom} f$, non ci sono punti di non derivabilità.

(d) f è crescente per $|x| < 4\sqrt{3}$, $x = 4\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -4\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto

(e) $f''(x) = 4x \frac{-12 + \sqrt{16+x^2}}{(16+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] - 8\sqrt{2}, 0[$ e in $]8\sqrt{2}, +\infty[$.

2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 7\left(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x\right)$

3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-5x} + 5x^2 - 2x$

4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 5e^{-x^2/2}$

Fila 4

1. (a) $\text{dom}f = \mathbb{R}$, f è dispari.

(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$

(c) $f'(x) = 5 \frac{10 - \sqrt{25+x^2}}{2(25+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom}f' = \text{dom}f$, non ci sono punti di non derivabilità.

(d) f è crescente per $|x| < 5\sqrt{3}$, $x = 5\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -5\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto

(e) $f''(x) = 5x \frac{-15 + \sqrt{25+x^2}}{(25+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] - 10\sqrt{2}, 0[$ e in $]10\sqrt{2}, +\infty[$.

2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 9\left(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x\right)$

3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-4x} + 4x^2 - 2x$

4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 6e^{-x^2/2}$

Fila 5

1. (a) $\text{dom}f = \mathbb{R}$, f è dispari.

(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$

(c) $f'(x) = 6 \frac{12 - \sqrt{36+x^2}}{2(36+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom}f' = \text{dom}f$, non ci sono punti di non derivabilità.

(d) f è crescente per $|x| < 6\sqrt{3}$, $x = 6\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -6\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto

(e) $f''(x) = 6x \frac{-18 + \sqrt{36+x^2}}{(36+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] - 12\sqrt{2}, 0[$ e in $]12\sqrt{2}, +\infty[$.

2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 11\left(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x\right)$

3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-3x} + 3x^2 - 2x$

4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 7e^{-x^2/2}$

Fila 6

1. (a) $\text{dom}f = \mathbb{R}$, f è dispari.

(b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1 + \frac{\pi}{4}$, $y = -1 + \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 - \frac{\pi}{4}$, $y = 1 - \frac{\pi}{4}$ asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$

(c) $f'(x) = 7 \frac{14 - \sqrt{49+x^2}}{2(49+x^2)^{3/2}}$, $\text{dom} f' = \text{dom} f$, non ci sono punti di non derivabilità.

(d) f è crescente per $|x| < 7\sqrt{3}$, $x = 7\sqrt{3}$ punto di massimo assoluto, $x = -7\sqrt{3}$ punto di minimo assoluto

(e) $f''(x) = 7x \frac{-21 + \sqrt{49+x^2}}{(49+x^2)^{5/2}}$, f convessa in $] -14\sqrt{2}, 0[$ e in $]14\sqrt{2}, +\infty[$.

2. $\mathcal{F}(x) = e^x + 13\left(\frac{\pi}{4} - \arctan e^x\right)$

3. $y(x) = c_1 + c_2 e^{-2x} + 2x^2 - 2x$

4. $\tilde{y}(x) = x^2 - 2 + 8e^{-x^2/2}$
