

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio 5 ed è il punto in cui si deve studiare la derivabilità.

### Fila 1

1.  $\text{dom} f = ]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.

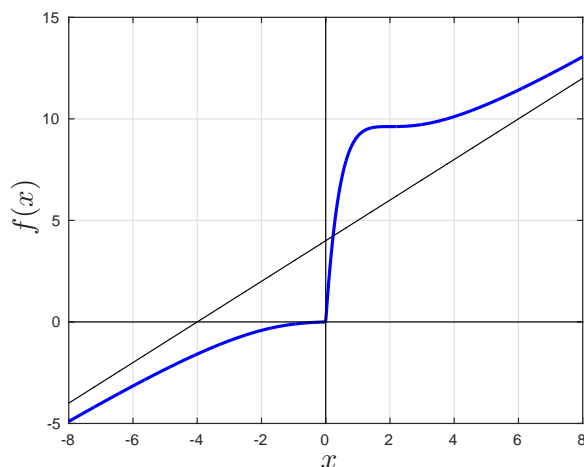
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 4$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2 \arctan(2/x)} \frac{(x-2)^2}{x^2 + 4}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$ .  $x = 2$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.



2. Il luogo geometrico è un'ellisse

3.  $\ell = \frac{2^2}{e}$

4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^7$

5. Il punto  $x = 1$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.

6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.

7. L'integrale vale  $2 \left( \sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right) \right)$

8.  $y(x) = 2xe^{2x} + 2e^x$

---

**Fila 2**

1.  $\text{dom}f = ] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 6$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2 \arctan(3/x)} \frac{(x-3)^2}{x^2+9}$$

$\text{dom}f' = \text{dom}f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ .  $x = 3$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.

2. Il luogo geometrico è un'ellisse

3.  $\ell = \frac{2^3}{e}$

4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^6$

5. Il punto  $x = 2$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.

6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.

7. L'integrale vale  $2 \left( \sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right) \right)$

8.  $y(x) = 3xe^{3x} + 2e^x$

---

**Fila 3**

1.  $\text{dom}f = ] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 8$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2 \arctan(4/x)} \frac{(x-4)^2}{x^2+16}$$

$\text{dom}f' = \text{dom}f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ .  $x = 4$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.

2. Il luogo geometrico è un'ellisse

3.  $\ell = \frac{2^4}{e}$

4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^5$
5. Il punto  $x = 3$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.
6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.
7. L'integrale vale  $2\left(\sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right)\right)$
8.  $y(x) = 4xe^{4x} + 2e^x$

#### Fila 4

1.  $\text{dom}f = ]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 10$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2\arctan(5/x)} \frac{(x-5)^2}{x^2 + 25}$$

$\text{dom}f' = \text{dom}f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $] -\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$ .  $x = 5$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.

2. Il luogo geometrico è un'ellisse
3.  $\ell = \frac{2^5}{e}$
4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^4$
5. Il punto  $x = 4$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.
6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.
7. L'integrale vale  $2\left(\sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right)\right)$
8.  $y(x) = 5xe^{5x} + 2e^x$

#### Fila 5

1.  $\text{dom}f = ]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.  
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 12$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2\arctan(6/x)} \frac{(x-6)^2}{x^2 + 36}$$

$\text{dom}f' = \text{dom}f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ .  $x = 6$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.

2. Il luogo geometrico è un'ellisse
3.  $\ell = \frac{2^6}{e}$
4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^3$
5. Il punto  $x = 5$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.
6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.
7. L'integrale vale  $2 \left( \sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right) \right)$
8.  $y(x) = 6xe^{6x} + 2e^x$

#### Fila 6

1.  $\text{dom} f = ] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ , non ci sono simmetrie.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  $y = x + 14$  asintoto obliquo completo;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = e^{2 \arctan(7/x)} \frac{(x-7)^2}{x^2 + 49}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$  non ci sono punti di non derivabilità.

$f$  crescente in  $] - \infty, 0[ \cup ] 0, +\infty[$ .  $x = 7$  punto stazionario.  $f$  è illimitata inferiormente e superiormente e non ammette punti di estremo relativo.

Poichè  $f$  è crescente in tutto il dominio ed ha un punto stazionario, questo punto stazionario è un punto di flesso a tangente orizzontale. Le informazioni ottenute dall'analisi dei limiti di  $f$  e dall'analisi della derivata prima non fanno pensare alla presenza di altri punti di flesso.

2. Il luogo geometrico è un'ellisse
3.  $\ell = \frac{2^7}{e}$
4.  $\ell = -\frac{3}{2}e^2$
5. Il punto  $x = 6$  è punto di non derivabilità a tangente verticale.
6. L'integrale converge per  $\alpha < 1$ , diverge altrimenti.
7. L'integrale vale  $2 \left( \sqrt{2} - 1 + \log\left(\frac{2}{\sqrt{2}+1}\right) \right)$
8.  $y(x) = 7xe^{7x} + 2e^x$