

1. (a)  $\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ; non ci sono simmetrie.

(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\arctan 2$ , quindi  $y = -\arctan 2$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{\pi}{4}$  quindi  $y = \frac{\pi}{4}$  asintoto orizzontale per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\frac{\pi}{2}$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \frac{\pi}{2}$ . Non ci sono asintoti verticali, né asintoti obliqui.

(c)  $f'(x) = \frac{-3e^x}{2e^{2x} + 2e^x + 5}$ .

(d)  $f'(x) < 0$  per  $x \in \text{dom}(f) = \text{dom}(f')$ , quindi  $f$  strettamente decrescente in  $\text{dom } f$ ,  $\inf_{x \in \text{dom } f} f(x) = -\frac{\pi}{2}$ ,  $\sup_{x \in \text{dom } f} f(x) = \frac{\pi}{2}$ , non ammette massimo assoluto, non ammette minimo assoluto.

(e)  $f''(x) = \frac{3e^x(2e^{2x} - 5)}{(2e^{2x} + 2e^x + 5)^2}$ ,  $f$  è strettamente concava in  $] -\infty, 0[ \cup ] 0, \frac{1}{2} \log \frac{5}{2} [$ ,  $f$  è strettamente convessa in  $] \frac{1}{2} \log \frac{5}{2}, +\infty [$ ,  $x = \frac{1}{2} \log \frac{5}{2}$  punto di flesso a tangente obliqua.

2.  $x = 1$  è un punto angoloso;  $x = 2$  è un punto di cuspide.

3.  $\frac{5}{2}$ .

4.  $\mathcal{F}(x) = \frac{1}{2} \log \frac{\sqrt{e^{2x} + 1} - 1}{\sqrt{e^{2x} + 1} + 1} + 2$ .

5.  $y(x) = e^{-x} \left( x \arctan x - \frac{1}{2} \log(1 + x^2) \right)$

6. 1.

---